

Übungen zur Physik II - SS 2013
6. Übungsblatt
Abzugeben am Di 04.06.2013 in der Vorlesung

Alle Informationen und Übungsblätter finden Sie unter
http://www.desy.de/~schleper/lehre/physik2/SS_2013/.

26. Aufgabe: Verschiebungsstrom und Magnetfeld (7 Punkte)

Ein Plattenkondensator mit kreisförmigen Platten der Flächen $S = \pi R^2$ werde mit einem konstanten Strom I aufgeladen. Die Zuleitungsdrähte seien gerade, sehr lang und erreichen den Kondensator in Plattenmitte senkrecht zu den Platten.

- a.) Wie groß ist die Ladung auf den Kondensatorplatten als Funktion der Zeit?
- b.) Bestimmen Sie das Magnetfeld im Innern des Kondensators, das durch den Verschiebungsstrom entsteht. Bei welchem Radius beträgt es 50% des Maximums?
- c.) Bestimmen Sie das Magnetfeld um den Kondensator bei $r \geq R$ und vergleichen Sie es mit dem Magnetfeld um den Draht bei gleichem Radius.

27. Aufgabe: Rundfunkempfänger (6 Punkte)

An die Antenne eines Rundfunkempfängers ist ein Serienschwingkreis angeschlossen ($C = 1$ pF, $L = 1\mu\text{H}$, $R = 20\Omega$). Die Ausgangsspannung U_a wird an dem kapazitiven Widerstand abgegriffen. Man berechne die Resonanzfrequenz ω_0 und die Resonanzhöhung $(U_a)_0/(U_i)_0$ auf der Resonanzfrequenz, wobei $(U_a)_0$ und $(U_i)_0$ die Amplituden der Ausgangsspannung bzw. der von der Antenne empfangenen Wechselspannung sind.

Man skizziere $U_a(\omega)$. Um welchen Faktor sind die Nachbarkanäle bei $\nu_0 \pm 5$ Mhz gegenüber ν_0 unterdrückt?

28. Aufgabe: Elektromagnetische Welle (7 Punkte)

Die Komponenten eines elektrischen Feldes \vec{E} und eines magnetischen Feldes \vec{B} seien gegeben durch

$$E_x = E_0 \cdot \sin(kz - \omega t), E_y = \frac{E_0}{2} \cdot \cos(kz - \omega t), E_z = 0$$

$$B_x = -\frac{B_0}{2} \cdot \cos(kz - \omega t), B_y = B_0 \cdot \sin(kz - \omega t), B_z = 0$$

Genügt jedes dieser Felder separat der Wellengleichung? Erfüllen \vec{E} und \vec{B} gemeinsam die Maxwell'schen Gleichungen? Skizzieren Sie die Feldkomponenten im Raum für verschiedene Zeiten ($t = 0$ und $t = \pi/2\omega$) und geben Sie die Polarisationsart der Welle an.

29. Aufgabe

a.) (7P) Entwickeln Sie die Funktion

$$f(\theta) = \sin^2 \theta \cos \theta \quad (1)$$

in die Reihe nach Legendre-Polynomen $P_l(\theta)$

$$f(\theta) = \sum_{l=0}^{\infty} f_l P_l(\cos \theta). \quad (2)$$

Hinweis: die Koeffizienten f_l der Zerlegung einer Funktion $F(x)$ nach Legendre-Polynomen sind durch die folgende Formel gegeben (siehe Vorlesung)

$$f_l = \frac{2l+1}{2} \int F(x) P_l(x) dx. \quad (3)$$

b.) (3P) Beweisen Sie, dass alle Koeffizienten für $l > 3$ verschwinden.