

Übungsblatt 3

Abgabe der Lösungen am 14.11.2019

Aufgabe 1: Formelsammlung

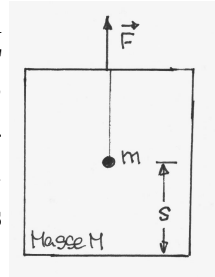
1 (A)

Stellen Sie auf ca. einer Seite eine eigene Formelsammlung zum Stoff der letzten Vorlesungs-
 woche zusammen.

Aufgabe 2: Fahrstuhl

7 (B)

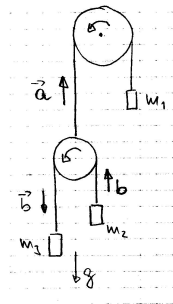
In einem Fahrstuhl der Masse M hängt eine kleine Masse m an einem Faden von der Decke. Der Fahrstuhl wird mit der konstanten Kraft F aufwärts beschleunigt. Wie groß ist die Beschleunigung des Fahrstuhls? Wie groß ist die Kraft, die der Faden auf m ausübt? Plötzlich reißt der Faden. Wie groß ist die Beschleunigung des Fahrstuhls unmittelbar danach? Wie groß ist die Beschleunigung von m ? Wie lange dauert es, bis m auf dem Boden des Fahrstuhls aufprallt?



Aufgabe 3: Seilrollen

Zwei Massen hängen über eine Rolle mit einem Faden verbunden im Gravitationsfeld der Erde. Die Rolle und der Faden seien masselos.

- Welche Kräfte wirken (Skizze) ? Welche Beschleunigungen erwarten Sie (ohne Rechnung) für $m_1 = m_2$ und für $m_1 \gg m_2$? 2 (A)
- Berechnen Sie die Beschleunigung a_1 der Masse m_1 , wenn sie beide Massen kennen? Die Erdbeschleunigung sei g . 3 (B)
- Eine Anordnung aus zwei Seilrollen und drei Gewichten befindet sich im Schwerfeld der Erde. Wie bewegen sich die Massen m_1, m_2, m_3 ? 5 (C)



Aufgabe 4: Lost in Space

9 (B)

Sie sind Astronaut/in und haben den Kontakt zu Ihrer Raumstation verloren. Nun schweben Sie 50 m neben der Einstiegs Luke und ärgern sich ein wenig. Ihre Masse einschliesslich Anzug beträgt 100 kg. Ansonsten haben Sie nur eine Kamera dabei, deren Masse 1 kg beträgt. Wie kommen Sie zu Ihrer Raumstation zurück? Schätzen Sie die Zeit ab, die Sie dafür benötigen.

Aufgabe 5: Impulserhaltung bei Explosion

9 (B)

Eine Explosion zerreißt einen zuvor ruhenden Körper (Masse $M = 8\text{kg}$) in 3 Teile. Zwei Stücke fliegen im rechten Winkel zueinander fort ($m_1 = 2\text{kg}$, $v_1 = 6\text{m/s}$, $m_2 = 4\text{kg}$, $v_2 = 4\text{m/s}$). Wie schnell ist das dritte Stück und in welche Richtung bewegt es sich (Skizze!)?

Aufgabe 6: Kinematik eines Teilchens im dreidimensionalen Raum

Die Komponenten des Ortsvektors $\vec{r}(t)$ eines Teilchens bezüglich einer vorgegebenen Orthonormalbasis seien gegeben durch

$$\begin{aligned}x(t) &= \frac{R}{\sqrt{2}} \{\cos(\omega t) - \sin(\omega t)\}, \\y(t) &= \frac{R}{2} \{\sin(\omega t) + \cos(\omega t)\}, \\z(t) &= -\frac{R}{2} \{\sin(\omega t) + \cos(\omega t)\}.\end{aligned}$$

- a) Berechnen Sie die Komponenten des Geschwindigkeitsvektors $\vec{v}(t)$ und des Beschleunigungsvektors $\vec{a}(t)$. **6 (B)**
- b) Drücken Sie $\vec{a}(t)$ durch $\vec{r}(t)$ aus. Um welche Art von Bewegung handelt es sich? **3 (B)**

Aufgabe 7: Polarkoordinaten in der Ebene

Bestimmen Sie die Polarkoordinaten zu den folgenden Punkten in der xy -Ebene:

- a) $x = 2, y = 3$, **3 (B)**
- b) $x = -1, y = -10$. **3 (B)**

Aufgabe 8: Messgenauigkeit und Irreversibilität

Die Dynamik der Aristoteles'schen Bewegungsgleichung

$$\frac{dx}{dt} = -\frac{k}{m}x^3$$

[Gl. 3.30 im LB] weist praktisch irreversibles Verhalten auf.

- a) Zeigen Sie, dass

$$x(t) = \frac{x(0)}{\sqrt{1 + 2ktx(0)^2/m}}$$

die Bewegungsgleichung erfüllt.

3 (B)

- b) Leiten Sie Gl. 3.33 bis Gl. 3.35 aus dem LB her und diskutieren Sie deren Implikationen.

6 (C)