

Das Messprogramm "Muonic"

Dokumentation & Anleitung zur Verwendung im CosMO-Experiment

Muonic Release 2.0, November 2013



Platanenallee 6 . 15738 Zeuthen . Telefon 033762-7-7564 . E-Mail carolin.schwerdt@desy.de

Koordination Cosmic-Projekt DESY . Deutsches Elektronen-Synchrotron . Carolin Schwerdt

Projektkoordination TU Dresden · Institut für Kern- und Teilchenphysik · Michael Rockstroh 01069 Dresden · Telefon 0351 463 - 33792 · Telefax 0351 463-37292 · E-Mail michael.rockstroh@tu-dresden.de

www.teilchenwelt.de



Inhalt

Inhalt	ii
1. Hinweise	1
2. Das Programm Muonic	
2.1. Programmstart	3
2.2. Speicherung von Daten	
2.2.1. Automatisch gespeicherte Dateien	4
2.2.2. Speicherung mit Save RAW File	5
2.3. Das Menü	5
2.3.1. File	5
2.3.2. Settings	5
2.3.2.1. Channel Configuration	6
2.3.2.2. Thresholds	6
2.3.2.3. Advanced Configurations	6
2.4. Help	6
2.5. Die einzelnen Reiter	7
2.5.1. Muon Rates	7
2.5.2. Pulse Analyzer	7
2.5.3. Muon Decay	7
2.5.4. Muon Velocity	8
2.5.6. DAQ Output	9
3. Messen mit Muonic	10
3.1. Kalibrierung der Ratenmessung	10
3.2. Myonen-Teleskop	10
3.3. Geschwindigkeit von Myonen	11
3.4. Lebensdauer von Myonen	12
3.5. Datenauswertung nach abgeschlossener Messung	13



1. Hinweise

Das Programm wurde vollständig in der Sprache python geschrieben und ist damit prinzipiell plattformunabhängig. Es wird die Anwendung unter LINUX empfohlen.

Das Programm wurde unter der GNU Public License (GPL) veröffentlicht, dementsprechend sind die Autoren nicht haftbar für jegliche Schäden, die durch die Verwendung der Software entstehen könnten. Der Anwender erklärt sich durch Installation der Software mit den Bedingungen der GPL einverstanden. Zur GPL siehe <u>http://www.gnu.org/licenses/</u>.

Die Entwicklerplattform von Muonic befindet sich unter <u>http://code.google.com/p/muonic</u>, mit einer ausführlichen Dokumentation zur Software, dem Quellcode und der Möglichkeit Programmfehler zu melden. Fragen können über muonic-tech@desy.de gestellt werden.

Sofern die grundlegenden Voraussetzungen erfüllt sind und python-pip bzw. easy_install installiert ist, lässt sich muonic per easy_install mit dem folgenden Kommando installieren (bestehende Internetverbindung ist dafür notwendig):

easy_install --user muonic

Dabei werden die Dateien für Muonic im Heimatverzeichnis des ausführenden Benutzers gespeichert. Muonic sollte sich nun wie in 2.1 Programmstart beschrieben starten lassen.

Sollte eine Fehlermeldung der Form bash: /bin/muonic: Datei oder Verzeichnis nicht gefunden auftreten, kann dies behoben werden, indem man

export PATH=\$PATH:/home/<BENUTZER>/.local/bin

vor dem Programmstart in die shell eingibt.

Alternativ kann diese Zeile auch permanent in die Benutzerumgebung eingefügt werden, indem man diese zur Datei /home/<BENUTZER>/.bashrc

hinzufügt. Verwendet man eine andere shell als bash, so ist die entsprechende Konfigurationsdatei zu wählen.



Wenn Muonic für alle Benutzer installiert werden soll, muss die Option --user bei der Installation weggelassen werden:

easy_install muonic

Eine Deinstallation vom Muonic kann mit:

pip uninstall muonic

erfolgen.



2. Das Programm Muonic

2.1. Programmstart

Das Programm wird mit Eingabe des Befehls

muonic [-optionen] XY

in der Kommandozeile aufgerufen. Für XY sollten zwei Buchstaben, z.B. Initialen, eingeben werden. Anhand dieser Eingabe ist es später möglich, die gespeicherten Daten zu identifizieren (siehe 2.2 Speicherung von Daten).

Folgende Startoptionen gibt es:

-s

Simulate Ermöglicht das Programm zum Testen und zur Demonstration ohne eine angesteckte DAQ-Karte zu starten. Die angezeigten Daten werden zufällig generiert.

-d

Debug Erzeugt mehr Ausgabe über die programminternen Abläufe im Terminal

-h

Help Zeigt die oben genannten Optionen an.

In den meisten Fällen wird das Programm also durch:

muonic XY

gestartet.

2.2. Speicherung von Daten

Vom Programm erzeugte Dateien werden im Unterordner

~/muonic data

gespeichert. Während das Programm bzw. die Messung läuft, können die Daten eingesehen werden. Dies beeinflusst nicht den Speichervorgang.



2.2.1. Automatisch gespeicherte Dateien

Mit der Eingabe von XY bei Programmstart wird eine ASCII-Datei mit dem Dateinamen

JJJJ-MM-TT HH-MM-SS R HOURS XY

erzeugt. In der Datei werden die Raten abgespeichert. Wenn eine Raten-, Lebensdauer- oder Geschwindigkeitsmessung durchgeführt wird, werden Daten in die Datei geschrieben. Als Information wird der Kommentar #new rate/decay/velocity measurement from:JJJJ-MM-TT HH-MM-SS in die Datei geschrieben. Wenn die Datennahme beendet wird, wird der Kommentar: #stoped run on:JJJJ-MM-TT HH-MM-SS (mit der Endzeit) in die Datei geschrieben.

JJJJ-MM-TT Datum

HH-MM-SS Startzeit

- R Kennzeichnung, dass in der ASCII-Datei die gemessenen Raten im Dezimal-Format gespeichert sind
- HOURS wenn die Messung beendet wird, wird HOURS durch die Messzeit in Stunden ersetzt.

Mit den in dieser Datei enthaltenen Informationen kann der Plot, welcher unter dem Reiter *Muon Rates* dargestellt wird, reproduziert werden (z.B. mit Excel oder Calc, siehe 3.5 Datenauswertung nach abgeschlossener Messung) und Histogramme über die Häufigkeitsverteilung erstellt werden.

Eine neue Datei der Form JJJJ-MM-TT_HH-MM-SS_R_HOURS_XY wird erst bei Neustart von Muonic angelegt.

Wenn eine Lebensdauermessung, Geschwindigkeitsmessung oder Pulsanalyse gestartet wurde, wird eine Datei mit dem Namen

erzeugt.

In dieser Datei werden die Pulse im Format:



gespeichert. Zu jedem Puls-Kanal i wird die Zeit zum Pulsanfang und -ende gespeichert:

2.2.2. Speicherung mit Save RAW File

Unter dem Reiter *DAQ Output* können die von der DAQ-Karte gelieferten Rohdaten mit *Save to File* gespeichert werden. Folgende Datei wird erzeugt:

JJJJ-MM-TT_HH-MM-SS_RAW_HOURS_XY

RAW Kennzeichnung, dass es sich um die ASCII-Datei handelt, in der die Rohdaten im Hexadezimal-Zahlenformat gespeichert sind. Die Rohdaten beinhalten jedes Event, das den unter Settings gesetzten Bedingungen entspricht.

2.3. Das Menü

2.3.1.File

Hier kann das Programm beendet werden.

2.3.2. Settings

Unter Settings kann die DAQ-Karte und das Programm für die Datennahme konfiguriert werden. Die Einstellungen müssen entsprechend der jeweiligen Untersuchungsaufgabe gewählt werden.

Bei Klick auf *OK* werden die Einstellungen an die DAQ-Karte gesendet bzw. vom Programm übernommen. Auf der DAQ-Karte werden die Einstellungen bis zum Ausschalten lokal im CPLD Register gespeichert.

Es wird empfohlen, vor jeder Messung die Konfigurationen der Schwellspannungen und Kanäle zu überprüfen.



2.3.2.1. Channel Configuration

Select Channel

Hier können die auszulesenden Kanäle aktiviert werden.

Coincidence

Die Koinzidenz-Einstellung, welche die Triggerbedingung definiert, muss hier gesetzt werden:

Singles Trigger, wenn mindestens ein Kanal ein Signal hat

Twofold Trigger, wenn mindestens zwei Kanäle ein Signal haben

Threefold Trigger, wenn mindestens drei Kanäle ein Signal haben

Fourfold Trigger, wenn alle vier Kanäle ein Signal haben

Veto

Einer der Kanäle kann als Veto definiert werden. Registriert dieser Kanal ein Signal, wird nicht getriggert. Das Setzen von Kanal 0 als Veto ist nicht möglich.

2.3.2.2. Thresholds

Die Schwellspannungen der einzelnen Kanäle können hierüber in Millivolt eingestellt werden (Eingabe der Einheit nicht notwendig). Wenn möglich, wird die aktuelle Schwellspannung über dem Eingabefenster angezeigt.

2.3.2.3. Advanced Configurations

Das Auslese-Zeitfenster, welches von der Triggerbedingung geöffnet wird, kann unter *gatewidth timewindow* in Nanosekunden eingestellt werden. Ebenso kann das Auslese-Zeitfenster für die Ratenmessung unter *Readout Interval* in Sekunden eingestellt werden. Mit *Write DAQ status lines to RAW file* kann das Schreiben von Statuszeilen durch die DAQ-Karte in die Rohdaten-Datei deaktiviert werden.

2.4. Help

Unter *DAQ Commands* findet sich ein Auszug aus einem Manual¹ vom Fermilab, in dem Kommandos zu finden sind, die sich an die DAQ-Karte schicken lassen (mehr dazu unter 2.5.6 DAQ Output). Eine umfangreiche technische Dokumentation des Programms kann mit *Technical Documentation* aufgerufen werden. Diese öffnet sich im Webbrowser. Das CosMO-Handbuch kann unter *Manual* aufgerufen werden.

¹ QuarkNet/Walta/CROP - Cosmic Ray Detectors - User's Manual von Jeff Rylander/Tom Jordan/R. J. Wilkes/ Hans-Gerd Berns/Richard Gran abrufbar unter "QNet Manual" auf der Webseite <u>http://physik-begreifen-zeuthen.desy.de/angebote/kosmische_teilchen/schuelerexperimente/cosmo_experiment</u>



2.5. Die einzelnen Reiter

2.5.1. Muon Rates

Start Run

Startet eine Ratenmessung: Die Raten werden im Diagramm angezeigt und in der Raten-Datei (siehe 2.2.1) gespeichert. Die durchschnittlichen Raten und totale Anzahl von Events werden angezeigt.

Stop Run

Beendet die Ratenmessung. Ein Kommentar über den Abschluss der Messung wird in die Raten-Datei geschrieben.

Im Diagramm, wird die gemessene Rate in Abhängigkeit von der Zeit dargestellt. Das Diagramm wird alle 5 Sekunden (sofern kein anderes Zeitfenster gewählt wurde, siehe 2.3.2.3) aktualisiert.

Daneben werden die durchschnittlichen Raten seit Beginn der Messung und die Anzahl der total gesehenen Ereignisse für alle Kanäle anzeigt. Weiter unten finden sich der Startzeitpunkt der Messung sowie die verstrichene Zeit in Sekunden und die maximal gemessene Rate.

Unter dem Diagramm befinden sich die Steuerungselemente für das Diagramm.

2.5.2. Pulse Analyzer

Im Reiter Pulse Analyzer können die Pulsbreite und ein Oszilloskop für die Messkanäle angezeigt werden. Das Oszilloskop zeigt die gemessenen Pulsbreiten an. Die Anzeige muss mit Show Oscilloscope and Pulse Width Distribution aktiviert werden. Wenn der Pulse Analyzer aktiviert ist, werden die Pulse, wie in 2.2.1 beschrieben, in die Pulsdatei geschrieben.

2.5.3. Muon Decay

Der Reiter *Muon Decay* bietet die Möglichkeit den Myonenzerfall zu messen. Dabei wird die Zerfallszeit gemessen, wobei drei Detektoren benötigt werden. Die Detektoren werden dabei direkt übereinander gestapelt. Eine geeignete Schwellspannung muss gewählt werden (siehe 3.1). Die Messung wird mit *Check for decayed muons* gestartet. Dabei werden die Koinzidenz und Veto Kriterien neu gesetzt.

Beim Aktivieren der Messung wird die Koinzidenzzeit automatisch von 100 ns auf 10 µs geändert. Diese Einstellung wird auch bis zum Ausschalten der DAQ-Karte (durch Trennung vom Stromnetz) oder durch deaktivieren der Messung (deaktivieren des Häkchens *Check for decayed muons*) lokal im CPLD Register gespeichert.



Im sich automatisch öffnenden Fenster müssen die Kanäle für den Einzelpuls des Myons, den Doppelpuls nach dem Myonzerfall und ein Kanal für ein Veto ausgewählt werden. Damit werden die Koinzidenzbedingungen, die auf der DAQ-Karte gespeichert sind, neu gesetzt. Dieses Veto wird dabei durch die Software, und nicht durch die DAQ-Karte vorgenommen (die Rohdaten-Datei enthält auch Ereignisse, die dieser Bedingung widersprechen). Zudem muss eine minimale Zeit zwischen den Pulsen eingestellt werden. Zusätzliche Einstellungen mit Bedingungen an die Pulsbreiten können mit *Set conditions on pulsewidth* aktiviert werden.

Das Messergebnis wird als Histogramm dargestellt. Mit einem Fit, durch klicken auf *Fit!*, kann eine Exponentialfunktion, wie sie von einem Zerfallsgesetz erwartet wird, an das Histogramm angepasst werden. Über dem Histogramm wird die absolute Anzahl an gemessenen Zerfällen dargestellt.

Die Zerfälle werden in einer Datei JJJJ-M-TT_HH-MM-SS_L_HOURS_XY gespeichert. Diese Datei kann dann zur weiteren Analyse und zur Bestimmung der Zerfallszeit verwendet werden.

Der Fehler auf den Fit könnte ggf. derzeit noch nicht korrekt dargestellt werden.

2.5.4. Muon Velocity

In diesem Reiter kann die Myonengeschwindigkeit gemessen werden. Die Messung benötigt zwei Detektoren in einem ausreichend großem Abstand. Eine geeignete Schwellspannung muss gewählt werden. Wenn das Häkchen *Measure muon velocity* gesetzt wird, werden die Koinzidenz und Veto Kriterien neu gesetzt, und die Messung wird gestartet.

Die Messung der Myonengeschwindkeit erfordert die Berücksichtigung des Zeit-Auflösungsvermögens der DAQ-Karte. Durch die begrenzte Auflösung müssen die Detektorplatten mindestens einen Abstand von 3 m haben. Bevor die Messung gestartet wird, muss ausgewählt werden auf welchem Kanal der obere Detektor (Upper Channel) und auf welchem Kanal der untere Detektor (Lower Channel) liegt. Das Messergebnis wird dann als Histogramm dargestellt. Mit dem Button *Fit* kann das Histogramm mit einer Gaußfunktion approximiert werden.

Der Fehler auf den Fit wird derzeit noch nicht korrekt dargestellt.

2.5.5. Status

Im Reiter *Status* werden verschiedene Statusinformationen vom Programm Muonic selbst und von der DAQ-Karte angezeigt. Die Anzeige kann mit dem *Refresh* Button aktualisiert werden. Im oberen Teil werden Informationen über die DAQ-Karte



angezeigt. Diese Informationen werden von der DAQ-Karte so lange gespeichert, bis diese durch das Trennen von der Stromversorgung oder durch einen Befehl zurückgesetzt wird. Im unteren Teil werden Informationen und Einstellungen vom Messprogramm Muonic selbst angezeigt.

2.5.6. DAQ Output

Im Textfenster werden alle Informationen aufgelistet, die über die Schnittstelle weitergegeben werden: Befehle an die DAQ-Karte und Informationen, die die DAQ-Karte sendet. Eine Dokumentation zu den DAQ-Rohdaten findet sich auf <u>http://neutrino.phys.washington.edu/~walta/qnet_daq/</u>.

Mit der Eingabezeile Command kann ein Textkommando an die DAQ-Karte gesendet werden, für eine Übersicht über die Kommandos kann die Hilfe herangezogen werden (siehe 2.4 Help).

Mit Save RAW File lassen sich die Rohdaten in eine Datei speichern (siehe 2.2.2).

Der Button Periodic Call ermöglicht das wiederholte Senden eines Kommandos (das Intervall lässt sich einstellen), sollte aber, sofern nicht ausdrücklich erwünscht, nicht verwendet werden. Wenn er verwendet wird, zeigt die Statuszeile die versendeten Kommandos an.

2.5.7. GPS Output

In diesem Reiter können die GPS Informationen angezeigt werden. Dazu muss ein GPS Empfänger und eine GPS Antenne an der DAQ-Karte angeschlossen sein. Es werden die geographische Breite (Latitude), Länge (Longitude), sowie die Höhe (Altitude) und weitere GPS spezifische Informationen angezeigt. Diese Informationen werden zusätzlich in einer Textbox unter der Anzeige der GPS Informationen gesammelt dargestellt.



3. Messen mit Muonic

3.1. Kalibrierung der Ratenmessung

Vor einer Untersuchung muss zu jedem Detektor je nach Untersuchungsaufgabe eine Kalibrierung der Schwellspannung durchgeführt werden. Die Kalibration erfolgt auf Basis der gemessenen Myonraten im Reiter *Muon Rates*. Die gemessene Rate ist abhängig von der gewählten Schwellspannung, welche im Menü unter *Settings* unter *Threshold* festgelegt werden kann. Optimale Schwellspannungen müssen für jeden Kanal, bzw. für jeden Detektor, individuell bestimmt werden.

Die Detektoren müssen dafür übereinander gestapelt werden. Wir empfehlen, die einzelnen Kanäle (Detektoren, die Kalibriert werden sollen) und die gemeinsame Triggerrate auszulesen. Eine systematische Messung im Bereich von 100–500 mV bietet sich für die Kalibration an.

Die Schwellspannung ist so zu wählen, dass bei einer Ratenmessung alle Kanäle etwa die gleiche Rate anzeigen und die Schwankungen sich in etwa entsprechen. Die erwartete Rate an Myonen beträgt etwa 6-7 Hz für die im CosMO Experiment verbaute Grundfläche der Szintillatorplatten. Ist die Schwellspannung zu hoch eingestellt, werden nicht mehr alle Myonen, die die Szintillatorplatten durchqueren, gezählt. Bei zu niedrig eingestellter Schwellspannung wird vor allem Rauschen beobachtet.

3.2. Myonen-Teleskop

die Myonen können Szintillatorplatten durchqueren, ohne absorbiert zu werden. Mit mehreren Detektoren in Koinzidenz zueinander wird es möglich, Eigenschaften der kosmischen Strahlung zu untersuchen. Je nach Koinzidenzbedingung kann nach der Kalibrierung mit mindestens zwei Detektoren die Winkelabhängigkeit der Intensität der kosmischen Strahlung gemessen werden.



Die Detektoren werden dafür in einem festen Abstand von ungefähr 40 cm aufgebaut. Wenn als Triggerbedingung nun eine Zweifachkoinzidenz, bzw. Dreifachkoinzidenz, gewählt wird (einzustellen im Menü unter *Settings/Channel Configuration*), ist die Triggerate ein Maß für die Rate der Myonen, die die Detektoren durchquert haben. Die Winkelabhängigkeit kann durch Variation des Zenitwinkels θ des Detektoraufbaus ermittelt werden. Es wird eine cos² Abhängigkeit



erwartet². Die Anzahl der Messpunkte und die Dauer der jeweiligen Ratenmessung pro Zenitwikel sind entscheidend für den Messfehler dieser Messung.

Mit demselben Detektoraufbau kann, bei einem Zenitwinkel θ von 0°, zudem die Abhängigkeit der Myonenrate vom Ort, der Abschirmung der Detektoren (z.B. durch Blei, Beton, ...) und der Wetterbedingungen (z.B. Temperatur, Luftdruck, ...) gemessen werden.

3.3. Geschwindigkeit von Myonen

Mit Hilfe von zwei Detektoren kann mit Muonic die Geschwindigkeit von Myonen gemessen werden. Die Messung mit Muonic kann im Reiter *Muon Velocity* aktiviert werden.

Aufgrund des Zeit-Auflösungsvermögens der DAQ-Karte muss der Abstand zwischen beiden Detektoren ausreichend groß gewählt werden (d > 3 m). Die Kabel zwischen der DAQ-Karte und den Detektoren müssen wegen des großen Abstandes verlängert werden. Aufgrund der Signallaufzeit in den Kabeln müssen beide Mess-Kanäle über gleich lange Kabel angeschlossen werden.



Muonic berechnet bei dieser Messung die Puls-Abstände in beiden Detektoren. Aufgrund der niedrigen Rate an Myonen, die durch beide Detektoren fliegen, benötigt eine Messung mit ausreichender Statistik mindestens mehrere Tage Messzeit. Die Messergebnisse können im Programm mit einer Gauss-Kurve approximiert werden. Aus der zeitlichen Differenz zwischen beiden Szintillatorplatten kann, zusammen mit dem Abstand der Detektoren die Myonen-Geschwindigkeit berechnet werden. Es wird eine Geschwindigkeit von 0.9 c erwartet.

² J. Beringer, J.-F. Arguin, R.M. Barnett et al., Phys. Rev. D 86 (2012) 010001 doi:10.1103/PhysRevD.86.010001.



3.4. Lebensdauer von Myonen

Mit drei Detektoren kann über Muonic die Lebensdauer von Myonen gemessen werden. Die Detektoren sollten dabei direkt aufeinander gestellt werden. Die Qualität des Ergebnisses wird maßgeblich davon bestimmt, ob die Statistik ausreichend ist. Deshalb sollten für eine Messung mindestens mehrere Tage eingeplant werden.

Bei dieser Messung werden Signale von dem mittleren Detektor auf Zerfallssignaturen untersucht. Die Zerfallssignatur besteht aus einem Doppelpuls: das Myon selbst und als Zerfallsprodukt ein Elektron (die Neutrinos des Zerfalls

erzeugen kein messbares Signal). Im obersten Detektor sollte ein Myon einen einfachen Puls erzeugen. Wenn im zweiten Detektor das Myon zerfallen ist. sollte im untersten Detektor kein Puls messbar sein, d.h. sie wird als Veto benutzt. Die Zerfallszeit wird von Muonic aus der Differenz zwischen dem Myonenpuls und dem Elektronenpuls im mittleren



Detektor errechnet. Wenn die Zerfallszeiten in einem Histogramm aufgetragen werden, kann dieses durch ein Zerfallsgesetz angenähert werden. Die Ergebnisse des Fits geben dabei unter anderem die mittlere Lebensdauer von Myonen wieder (~ $2.2 \ \mu$ s).



3.5. Datenauswertung nach abgeschlossener Messung

Auf die Messdaten einer Untersuchung kann nach abgeschlossener Messung zurückgegriffen und mit einem Tabellenkalkulationsprogramm ausgewertet werden, dazu siehe 2.2.1 Automatisch gespeicherte Dateien. Im Folgenden werden Ausschnitte einer möglichen Analyse mit Excel gezeigt.

Zunächst müssen die Daten importiert werden:

X 🖬 '	🔊 • 🕲 - 🗦 Testmessung									ssung.xlsx	J.xlsx - Microsoft Excel					
Datei	Start	Einfügen	Seiter	nlayout	Formeln	Daten Üb	erprüfen A	nsicht Acr	obat							
Ê	Ausschneiden Calibri			- 11 - A	A A ≡	= 😑 📎	🗉 💼 🗞 - 📑 Zeilenumbruch			Standard	•		Standard	Gut		
Einfügen	infügen		F K U -		🖽 • 🖄 •	<u>A</u> - =	≡ ≡ ;	🛊 🔤 Ve	rbinden und z	entrieren 👻	🕎 - % 000	◆,0 ,00 ,00 ◆,0	Bedingte	Als Tabelle	Neutral	Schlech
Zwischenablage G			Schriftart 🗔		G.		Ausrichtung		G.	Zahl	G.	ronnaderung	Tormatieren	Formatvorlager	n	
	P89	- (e		f_x												
	A	В		С	D	E	F	G	н	1	J	К	L	М	N	0
1 chan0		chan1	char	12	chan3	RO	R1	R2	R3	trigger	Delta_time					
2 #		new	deca	ау	measuremen	run	from:	27.11.2013	12-37-4							
3		34	28	47	0	7,33985	14,679701	10,146264	0	1,079	39 4,632247					
4		2	3	0	0	7,422831	11,134246	0	0		0 0,269439					
5		38	37	35	0	7,798132	15,801478	7,18249	0	0,8208	56 4,872962					
6		41	55	45	0	8,196048	18,990842	8,995662	0	1,3993	25 5,002411					
7		37	39	36	0	7,393684	15,786515	7,193855	0	1,1989	76 5,004271					
8		43	55	39	0	8,606285	19,013884	7,8057	0	1,4010	23 4,996349					
9		35	66	40	0	7,004256	21,212889	8,004864	0	0,4002	43 4,996962					
10		28	74	49	0	5,599412	22,797606	9,798971	0	0,3999	58 5,000525					
11		33	33	49	0	6,600595	14,601317	9,800884	0	0,2000	18 4,999549					
12		33	41	53	0	6,59/138	16,192975	10,595403	0	0,9995	66 5,002169					
13		30	47	53	0	7,199951	17,399882	10,599928	0	1,3999	91 5,000034					
14		43	40	50	0	8,600148	17,200295	11,200192	0	1,8000	31 4,999914					
15		37	64	54	0	7,399747	20,799289	10,799631	0	1,7999	38 5,0001/1					
17		47	48	49	0	9,383039	17,572025	9,784423	0	0,7987	28 5,00790					
10		44	08	42	0	8,813407	21,032908	8,412798	0	0,8012	19 4,992394 70 5.000134					
10		23	40	44	0	4,355677	15,555571	8,799704	0	0,7555	75 5,000154					
20		27	30	43	0	5,403033	13,008420	8,004831	0	0,0003	4,997193					
20		20	20	45	0	5 000667	13,134672	7 599571	0	0,5550	4J J,001343					
21		26	35	35	0	5 202361	15 00681	7,003178	0	0,0001	82 / 997731					
22		25	29	47	0	/ 996135	12 789332	9 292734	0	0,4001	27 5.003868					
23		40	43	58	0	8,006086	16 612628	11 608825	0	1 0007	61 4 996199					
25		27	59	47	0	5,395841	19,78475	9.39276	0	0.5995	38 5.003854					
26		43	38	48	0	8,606739	15.612225	9.607523	0	0.8006	27 4,996085					
27		39	56	49	0	7,795192	19,188165	9,793959	0	1,3991	37 5.003084					
28		44	41	44	0	8,805431	16,209998	8,805431	0	0.600	37 4.996916					
29		34	33	39	0	6.792605	14.584123	7.791518	0	0.9989	13 5.005443					
30		41	45	40	0	8,201424	17,002952	8,001389	0	0,8001	39 4,999132					
31		42	48	38	0	8,402956	17,606194	7,602675	0	1,4004	93 4,998241					
32		52	69	53	0	10,393974	21,787368	10,593858	0	0,7995	36 5,002899					
33		21	33	55	0	4,204824	14,616768	11,012633	0	0,6006	89 4,994264					
34		28	40	41	0	5,595488	15,987108	8,193393	0	0,5995	17 5,004032					
35		33	76	38	0	6,598245	23,19383	7,597979	0	0,599	84 5,00133					
36		43	75	49	0	8,607721	23,02065	9,808799	0	0,4003	59 4,995515					
37		32	61	51	0	6,39142	20,17292	10,186326	0	1,5978	55 5,006712					
38		28	28	39	0	5,608349	13,620275	7,811628	0	0,4005	96 4,992557					
39		32	40	50	0	6,392117	15,980293	9,987683	0	1,5980	29 5,006166					
40		42	50	47	0	8,404557	18,009764	9,405099	0	1,0005	42 4,997289					
41		24	21	41	0	4,802934	12,207457	8,205012	0	0,6003	67 4,996946					
42		43	23	43	0	8,599377	12,599087	8,599377	0	0,5999	57 5,000362					
43		46	58	49	0	9,199735	19,599436	9,799718	0	0,7999	77 5,000144					
44		26	30	40	0	5,196417	13,990353	7,994487	0	0,1998	62 5,003448					
45		43	58	43	0	8,59668	19,592433	8,59668	0	0,9996	14 5,001931					
46		44	35	55	0	8,798358	14,997202	10,997948	0	0,7998	51 5,000933					
47	nach	45 Import	 Rearboit	45	0	9.01169 der Häufigl	16.821821	9.01169 ersuchung de	n Messzeit	0.6007	/9 4.993514					
	nach	mport	Dearbell		uncersuctidity	uci mauliyi		croachang de	I FICSSZEIL							



Es kann der Plot, der unter Muon Rates in Muonic dargestellt ist, komplett reproduziert werden:





Es kann untersucht werden, wie häufig eine bestimmte Anzahl von Teilchen pro 5s Intervall gemessen wurde. Dies ist besonders interessant, wenn man auf die statistische Verteilung von Zufallsgrößen eingehen möchte:





Auch kann zum Beispiel untersucht werden, wie lang gemessen werden muss, damit die gemessene Rate möglichst unabhängig vom gewählten Zeitfenster ist:

